

PART-I : COMPULSORY / भाग-I : अनिवार्य

GENERAL STUDIES / सामान्य अध्ययन

1. Which of the following census years is known as the 'Year of Great Divide' in India?
- (a) 1911
(b) 1921
(c) 1951
(d) 1991
2. SRI method is related to
- (a) wheat
(b) cotton
(c) mustard
(d) paddy
3. Which of the following pairs is not correctly matched?
- | Crop | Insect-pest |
|---------------|--------------|
| (a) Groundnut | : Pod borer |
| (b) Gram | : Pod borer |
| (c) Paddy | : Banka |
| (d) Maize | : Stem borer |
4. The rotation intensity of Maize-Potato-Mung bean is
- (a) 100%
(b) 200%
(c) 250%
(d) 300%
5. Which of the following pairs is not correctly matched?
- | Crop | Variety |
|---------------|-------------|
| (a) Groundnut | : Kaushal |
| (b) Mustard | : Vardan |
| (c) Linseed | : Chamatkar |
| (d) Gram | : Udai |

1. निम्नलिखित जनगणना वर्षों में से किसे भारत में 'महाविभाजन का वर्ष' के रूप में जाना जाता है?
- (a) 1911
(b) 1921 ✓
(c) 1951 ✓
(d) 1991
2. एस० आर० आइ० विधि संबंधित है
- (a) गेहूँ से SRI ✓
(b) कपास से
(c) सरसों से
(d) धान से ✓
3. निम्नलिखित में से कौन-सा युग्म सही सुमेलित नहीं है?
- | फसल | कीट |
|-------------|--------------|
| (a) मूँगफली | : फली छेदक |
| (b) चना | : फली छेदक ✓ |
| (c) धान | : बंका ✓ |
| (d) मक्का | : तना छेदक |
4. मक्का-आलू-मूँग के फसल-चक्र की सघनता है
- (a) 100%
(b) 200% ✓
(c) 250%
(d) 300% ✓
5. निम्नलिखित में से कौन-सा युग्म सही सुमेलित नहीं है?
- | फसल | प्रजाति |
|-------------|-------------|
| (a) मूँगफली | : कौशल ✓ |
| (b) सरसों | : वरदान |
| (c) अलसी | : चमत्कार ✓ |
| (d) चना | : उदय |

6. Which of the following diseases **cannot** be cured by antibiotics?

- (a) Tuberculosis
- (b) Tetanus
- (c) Measles
- (d) Cholera

7. Which of the following pairs is **not** correctly matched?

- (a) Computer : Charles Babbage
- (b) Radio : Karl Benz
- (c) Barometer : E. Torricelli
- (d) Dynamo : Michael Faraday

8. The communication satellites are invariably

- (a) revolving at their own speed
- (b) stationary
- (c) geostationary
- (d) changing their track and speed

9. For which substance among the following, conductivity increases with temperature?

- (a) Copper
- (b) Germanium
- (c) Silver
- (d) Iron

10. The area of a regular hexagon of side $2\sqrt{3}$ cm is

- (a) $12\sqrt{3}$ cm²
- (b) $18\sqrt{2}$ cm²
- (c) 18 cm²
- (d) $18\sqrt{3}$ cm²

6. निम्नलिखित में से किस रोग का प्रतिजैविक द्वारा निदान नहीं किया जा सकता?

- (a) क्षयरोग
- (b) टेटनस
- (c) खसरा ✓
- (d) हैजा

7. निम्नलिखित युग्मों में से कौन-सा सही सुमेलित नहीं है?

- (a) कम्प्यूटर : चार्ल्स बैबेज
- (b) रेडियो : कार्ल बेंज ✓
- (c) बैरोमीटर : ई० टॉरीसेली
- (d) डायनामो : माइकल फैराडे

8. संचार उपग्रह सदैव

- (a) अपनी चाल से ही भ्रमण करते रहते हैं
- (b) स्थिर रहते हैं
- (c) भू-स्थिर रहते हैं ✓
- (d) अपना पथ एवं चाल बदलते रहते हैं

9. निम्नलिखित पदार्थों में से किसकी चालकता तापक्रम के साथ बढ़ती है?

- (a) ताँबा
- (b) जर्मेनियम ✓
- (c) चाँदी
- (d) लोहा

10. $2\sqrt{3}$ cm भुजा वाले समषड्भुज का क्षेत्रफल होगा

- (a) $12\sqrt{3}$ cm²
- (b) $18\sqrt{2}$ cm²
- (c) 18 cm²
- (d) $18\sqrt{3}$ cm² ✓

11. If $2x + \frac{2}{x} = 3$, then the value of

$$x^3 + \frac{1}{x^3} + 2 \text{ is}$$

- (a) $\frac{3}{8}$
(b) $\frac{19}{8}$
(c) $\frac{21}{8}$
(d) $\frac{7}{8}$

12. If one of the roots of the quadratic equation $2x^2 + px + 4 = 0$ is 2, then the other root is

- (a) -2
(b) -1
(c) +1
(d) +2

13. In which State was the military exercise 'Vijay Prahar' held in May 2018?

- (a) Maharashtra
(b) Gujarat
(c) Rajasthan
(d) Madhya Pradesh

14. Who has won the Women Singles Title of Badminton in Commonwealth Games, 2018?

- (a) Saina Nehwal
(b) P. V. Sindhu
(c) K. Gilmour
(d) Michelle Li

15. In the World Press Freedom Index, 2018, India is placed at

- (a) 135th
(b) 136th
(c) 138th
(d) 137th

11. यदि $2x + \frac{2}{x} = 3$ हो, तो $x^3 + \frac{1}{x^3} + 2$ का मान है

- (a) $\frac{3}{8}$
(b) $\frac{19}{8}$
(c) $\frac{21}{8}$
(d) $\frac{7}{8}$

12. यदि द्विघाती समीकरण $2x^2 + px + 4 = 0$ का एक मूल 2 है, तो इसका दूसरा मूल है

- (a) -2
(b) -1
(c) +1
(d) +2

13. मई 2018 में किस राज्य में सैन्य अभ्यास 'विजय प्रहार' सम्पन्न हुआ?

- (a) महाराष्ट्र
(b) गुजरात
(c) राजस्थान
(d) मध्य प्रदेश

14. राष्ट्रमंडल खेल, 2018 में बैडमिन्टन का महिला एकल खिताब किसने जीता है?

- (a) साइना नेहवाल
(b) पी. वी. सिन्धू
(c) के. गिलमौर
(d) मिशेल ली

15. विश्व प्रेस स्वतंत्रता सूचकांक, 2018 में भारत का स्थान है

- (a) 135वाँ
(b) 136वाँ
(c) 138वाँ
(d) 137वाँ

$$\begin{aligned} x + \frac{1}{x} &= \frac{3}{2} \\ \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 &= \left(\frac{3}{2}\right)^3 \\ x^3 + \frac{1}{x^3} + 3 \cdot x \cdot \frac{1}{x} &= \frac{27}{8} \\ x^3 + \frac{1}{x^3} + 3 &= \frac{27}{8} \\ x^3 + \frac{1}{x^3} &= \frac{27}{8} - 3 \\ &= \frac{27}{8} - \frac{24}{8} \\ &= \frac{3}{8} \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} B + 4 + 2P &= 0 \\ 2 + P &= -4 \\ P &= -6 \end{aligned}$$

16. In which of the following texts, it is stated that those who could not speak Sanskrit language correctly were called 'Mlecchas'?

- (a) *Shvetashvatara Upanishad*
 (b) *Gopatha Brahmana*
 (c) *Brihadaranyaka Upanishad*
 (d) *Shatapatha Brahmana*

17. Match List-I with List-II and select the correct answer using the codes given below the Lists :

<i>List-I</i> (King)	<i>List-II</i> (Spouse)
A. Chandragupta I	1. Dutta Devi
B. Samudragupta	2. Kubera naga
C. Chandragupta II	3. Kumara Devi
D. Kumaragupta I	4. Ananta Devi

Codes :

(a) A B C D
2 3 4 1

(b) A B C D
3 2 4 1

(c) A B C D
3 1 2 4

(d) A B C D
4 3 1 2

16. निम्नलिखित में से किस ग्रंथ में कहा गया है कि वे जो संस्कृत भाषा शुद्ध नहीं बोल सकते थे उन्हें 'म्लेच्छ' कहा जाता था?

- (a) श्वेताश्वतर उपनिषद्
 (b) गोपथ ब्राह्मण
 (c) बृहदारण्यक उपनिषद्
 (d) शतपथ ब्राह्मण

17. सूची-I को सूची-II से सुमेलित कीजिए तथा सूचियों के नीचे दिए गए कूट का प्रयोग कर सही उत्तर चुनिए :

सूची-I (राजा)	सूची-II (पत्नी)
A. चन्द्रगुप्त प्रथम	1. दत्ता देवी
B. समुद्रगुप्त	2. कुबेरनागा
C. चन्द्रगुप्त द्वितीय	3. कुमार देवी
D. कुमारगुप्त प्रथम	4. अनन्त देवी

कूट :

(a) A B C D
2 3 4 1

(b) A B C D
3 2 4 1

(c) A B C D
3 1 2 4

(d) A B C D
4 3 1 2

18. With reference to the book *Arthashastra*, which of the following statements is/are correct?

1. It is the oldest masterpiece on Indian State Policy.
2. There is no description of Mauryan empire and administration in this book.

Select the correct answer using the codes given below.

Codes :

- (a) 1 only
- (b) 2 only
- (c) Both 1 and 2
- (d) Neither 1 nor 2

19. Who among the following addressed Delhi as one of the greatest cities in the world?

- (a) Ibn Batuta
- (b) Alberuni
- (c) Farishta
- (d) Abul Fazl

20. Who is known as the Father of India's Local Self-Government?

- (a) Lord Lytton
- (b) Lord Ripon
- (c) Lord Curzon
- (d) Lord Dalhousie

21. At least how many days are required to give the prior notice for the impeachment of the President of India?

- (a) 7 days
- (b) 14 days
- (c) 21 days
- (d) 30 days

18. अर्थशास्त्र पुस्तक के संदर्भ में निम्नलिखित में से कौन-सा/से कथन सही है/हैं?

1. यह भारतीय राजशासन के संबंध में उपलब्ध प्राचीनतम उत्कृष्ट रचना है।
2. इस पुस्तक में मौर्य साम्राज्य तथा शासनतंत्र का कोई उल्लेख नहीं मिलता।

नीचे दिए गए कूट का प्रयोग कर सही उत्तर चुनिए।

कूट :

- (a) केवल 1 ✓
- (b) केवल 2
- (c) 1 और 2 दोनों
- (d) न तो 1 और न ही 2

19. इनमें से किसने दिल्ली को विश्व के उत्कृष्टतम शहरों में से एक के रूप में बताया?

- (a) इब्न बतूता ✓
- (b) अलबेरूनी ✓
- (c) फरिश्ता
- (d) अबुल फज़ल

20. भारत में स्थानीय स्वायत्त शासन का जनक किसे कहा जाता है?

- (a) लॉर्ड लिटन
- (b) लॉर्ड रिपन ✓
- (c) लॉर्ड कर्जन
- (d) लॉर्ड डलहौज़ी

21. भारत के राष्ट्रपति पर महाभियोग चलाने के लिए कम-से-कम कितने दिन की पूर्व सूचना आवश्यक है?

- (a) 7 दिन
- (b) 14 दिन ✓
- (c) 21 दिन
- (d) 30 दिन

22. Who administers the oath of office and secrecy to the Governor of a State in India?

- (a) The President of India
- (b) The Vice President of India
- (c) The Chief Justice of the High Court of the State
- (d) The Speaker of the Legislative Assembly of the State

23. Which Part of our Constitution envisages a three-tier system of Panchayati Raj?

- (a) Part IX
- (b) Part X
- (c) Part XI
- (d) Part XII

24. Which of the following States has no oil refinery?

- (a) Gujarat
- (b) Kerala
- (c) Chhattisgarh
- (d) West Bengal

25. Which of the following rivers does not flow in Australia?

- (a) Hunter River
- (b) Flinders River
- (c) Orange River
- (d) Gilbert River

26. Which of the following States recorded decrease in its population in 2011 Census?

- (a) Kerala
- (b) Sikkim
- (c) Nagaland
- (d) Manipur

22. भारत में किसी राज्य के राज्यपाल को पद और गोपनीयता की शपथ कौन दिलवाता है?

- (a) भारत का राष्ट्रपति
- (b) भारत का उपराष्ट्रपति
- (c) राज्य के उच्च न्यायालय का मुख्य न्यायाधीश ✓
- (d) राज्य की विधान सभा का अध्यक्ष

23. हमारे संविधान के किस भाग में पंचायती राज के तीन सोपानों की व्यवस्था का विवेचन किया गया?

- (a) भाग IX ✓
- (b) भाग X
- (c) भाग XI
- (d) भाग XII

24. निम्नलिखित में से किस राज्य में तेल शोधनशाला नहीं है?

- (a) गुजरात
- (b) केरल ✓
- (c) छत्तीसगढ़ ✓
- (d) पश्चिम बंगाल

25. निम्नलिखित में से कौन-सी नदी ऑस्ट्रेलिया में नहीं बहती है?

- (a) हंटर रिवर
- (b) फ्लिन्डर्स रिवर
- (c) ऑरेन्ज रिवर ✓
- (d) गिल्बर्ट रिवर

26. निम्नलिखित में से किस राज्य में 2011 की जनगणना में जनसंख्या का हास अभिलिखित हुआ है?

- (a) केरल
- (b) सिक्किम
- (c) नागालैण्ड ✓
- (d) मणिपुर

27. Which of the following is the most effective measure of population control according to Malthus?

- (a) War
- (b) Disaster
- (c) Birth control
- (d) Social evils

28. Which of the following is **not** a biome?

- (a) Desert
- (b) Grassland
- (c) Ecosystem
- (d) Tundra

29. Dudhwa National Park is situated in which of the following States?

- (a) Assam
- (b) Uttarakhand
- (c) Rajasthan
- (d) Uttar Pradesh

30. According to the Fourth Round of National Family Health Survey, the current TFR (Total Fertility Rate—children per woman) is

- (a) 2.2
- (b) 3.2
- (c) 4.2
- (d) 4.5

27. माल्थस के अनुसार निम्नलिखित में से कौन-सा उपाय जनसंख्या-नियंत्रण में सर्वाधिक प्रभावी है?

- (a) युद्ध
- (b) आपदा
- (c) जन्म-नियंत्रण
- (d) सामाजिक बुराईयाँ

28. निम्नलिखित में से कौन-सा एक जीवोम नहीं है?

- (a) रेगिस्तान
- (b) घास का स्थल
- (c) पारिस्थितिक तंत्र
- (d) टुण्ड्रा

29. दुधवा नैशनल पार्क निम्नलिखित में से किस राज्य में स्थित है?

- (a) असम
- (b) उत्तराखण्ड
- (c) राजस्थान
- (d) उत्तर प्रदेश

30. राष्ट्रीय परिवार स्वास्थ्य सर्वेक्षण के चतुर्थ चक्र के अनुसार, वर्तमान में टी० एफ० आर० (कुल प्रजनन दर — बच्चे प्रति महिला) है

- (a) 2.2
- (b) 3.2
- (c) 4.2
- (d) 4.5

PART-II : MATHEMATICS / भाग-II : गणित

31. If θ is real, then

(a) $\cos(i\theta) = \operatorname{icosh}\theta$

(b) $\sin(i\theta) = i\sinh\theta$ ✓

(c) $\tan(i\theta) = \tanh\theta$

(d) $\cot(i\theta) = i\coth\theta$

32. If $z = x + iy$, where $i = \sqrt{-1}$, then $\left| \frac{z-3}{z+3} \right| = 2$

represents a circle, whose centre and radius, respectively, are

(a) (5, 0), 5

(b) (-5, 0), 2

(c) (-5, 0), 3

(d) (-5, 0), 4 ✓

33. If $\omega (\neq 1)$ is a cube root of unity, then the value of $((1-\omega+\omega^2)^5 + (1+\omega-\omega^2)^5 - 32)$ is

(a) 0 ✓

(b) -32

(c) 32

(d) -64

34. The value of $\sqrt{3-4i}$ is

(a) $2+i$

(b) $1+i$

(c) $1-i$

(d) $2-i$ ✓

31. यदि θ वास्तविक है, तो

(a) $\cos(i\theta) = \operatorname{icosh}\theta$

(b) $\sin(i\theta) = i\sinh\theta$

(c) $\tan(i\theta) = \tanh\theta$

(d) $\cot(i\theta) = i\coth\theta$

32. यदि $z = x + iy$, जहाँ $i = \sqrt{-1}$, तो $\left| \frac{z-3}{z+3} \right| = 2$

एक वृत्त निरूपित करता है, जिसका केन्द्र और जिसकी त्रिज्या है, क्रमशः

(a) (5, 0), 5

(b) (-5, 0), 2

(c) (-5, 0), 3

(d) (-5, 0), 4

33. यदि $\omega (\neq 1)$ इकाई का घनमूल हो, तो

$((1-\omega+\omega^2)^5 + (1+\omega-\omega^2)^5 - 32)$

का मान है

(a) 0

(b) -32

(c) 32

(d) -64

34. $\sqrt{3-4i}$ का मान है

(a) $2+i$

(b) $1+i$

(c) $1-i$

(d) $2-i$

35. If $\cos(x+iy) = \cos\alpha + i\sin\alpha$, then the value of $(\cosh 2y + \cos 2x)$ is

- (a) 1
- (b) 2 ✓
- (c) -2
- (d) $\sqrt{2}$

36. The three cube roots of $z = -8i$ are

- (a) $2i, -\sqrt{3}-i, \sqrt{3}-i$ ✓
- (b) $-2i, -\sqrt{3}-i, \sqrt{3}-i$
- (c) $2i, -\sqrt{3}-i, \sqrt{3}+i$
- (d) $2i, \sqrt{3}-i, -\sqrt{3}+i$

37. If $\text{Im}\left(\frac{z-1}{2z+1}\right) = -4$, then the locus of z is

- (a) an ellipse ✓
- (b) a parabola
- (c) a straight line
- (d) a circle

38. If $f(z) = (x^2 + ay^2) + ibxy$ is a complex analytic function of $z = x + iy$, then the value of $a+b$ is

- (a) 0
- (b) 1 ✓
- (c) -1
- (d) 2

35. यदि $\cos(x+iy) = \cos\alpha + i\sin\alpha$, तो $(\cosh 2y + \cos 2x)$

- का मान है
- (a) 1
 - (b) 2
 - (c) -2
 - (d) $\sqrt{2}$

36. $z = -8i$ के तीन घनमूल हैं

- (a) $2i, -\sqrt{3}-i, \sqrt{3}-i$
- ✓ (b) $-2i, -\sqrt{3}-i, \sqrt{3}-i$
- (c) $2i, -\sqrt{3}-i, \sqrt{3}+i$
- (d) $2i, \sqrt{3}-i, -\sqrt{3}+i$

37. यदि $\text{Im}\left(\frac{z-1}{2z+1}\right) = -4$ हो, तो z का बिन्दुपथ है

- (a) एक दीर्घवृत्त
- (b) एक परवलय
- (c) एक सरल रेखा
- (d) एक वृत्त

38. यदि $f(z) = (x^2 + ay^2) + ibxy$, $z = x + iy$ का एक सम्मिश्र वैश्लेषिक फलन हो, तो $a+b$ का मान है

- (a) 0
- (b) 1
- (c) -1
- (d) 2

$-\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$
 $1, \omega, \omega^2$
 $-\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i$

39. Which one of the following is *false*?

- (a) $f(z) = \bar{z}$ is nowhere analytic.
- (b) $f(z) = z^2$ is analytic everywhere.
- (c) $f(z) = |z|^2$ is analytic at $z=0$.
- (d) $f(z) = e^z$ is analytic everywhere.

40. For $z \in \mathbb{C}$, the inequality $|z+i| > |z-i|$ is

- (a) always true
- (b) never true
- (c) true for $\text{Re } z > 0$
- (d) true for $\text{Im } z > 0$

41. The value of $\int_{-3}^3 \frac{x^2}{1+3^x} dx$ is

- (a) $\frac{1}{3}$
- (b) $\frac{1}{9}$
- (c) 3
- (d) 9

42. The area bounded by the curves $y = \sin x$, $y = \cos x$ and y -axis is

- (a) $\sqrt{2} + 1$
- (b) $\sqrt{2} - 1$
- (c) $2(\sqrt{2} - 1)$
- (d) $\frac{\sqrt{2} + 1}{2}$

39. निम्नलिखित में से कौन-सा एक गलत है?

- (a) $f(z) = \bar{z}$ कहीं भी वैश्लेषिक नहीं है।
- (b) $f(z) = z^2$ सर्वत्र वैश्लेषिक है।
- (c) $f(z) = |z|^2$, $z=0$ पर वैश्लेषिक है।
- (d) $f(z) = e^z$ सर्वत्र वैश्लेषिक है।

40. $z \in \mathbb{C}$ के लिए असमिका $|z+i| > |z-i|$ है

- (a) हमेशा सत्य
- (b) कभी भी सत्य नहीं
- (c) $\text{Re } z > 0$ के लिए सत्य
- (d) $\text{Im } z > 0$ के लिए सत्य

41. $\int_{-3}^3 \frac{x^2}{1+3^x} dx$ का मान है

- (a) $\frac{1}{3}$
- (b) $\frac{1}{9}$
- (c) 3
- (d) 9

42. वक्रों $y = \sin x$, $y = \cos x$ और y -अक्ष द्वारा परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल है

- (a) $\sqrt{2} + 1$
- (b) $\sqrt{2} - 1$
- (c) $2(\sqrt{2} - 1)$
- (d) $\frac{\sqrt{2} + 1}{2}$

43. If $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{ax+b}-3}{x-2} = \frac{1}{2}$, then the value of a, b will be

- (a) $a=b=3$ ✓
 (b) $a \neq b$
 (c) $a=0, b=4$
 (d) $a=2, b=1$

44. Consider the following statements :

- I. $y=|x|$ is differentiable at $x=0$.
 II. $y=x|x|$ is differentiable everywhere.
 Which of the above statements is/are true?

- (a) Only I
 (b) Only II ✓
 (c) Both I and II
 (d) Neither I nor II

45. If $\frac{1}{u} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$, then

$$x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} + z \frac{\partial u}{\partial z}$$

is equal to

- (a) 0
 (b) $2u$
 (c) $-u$ ✓
 (d) u^2

46. The differential equation of the straight lines at a fixed distance p from the origin is

- (a) $(xy' - y)^2 = p^2(1 + y'^2)$
 (b) $(xy' + y)^2 = p^2(1 + y'^2)$
 (c) $(x - yy')^2 = p^2(1 + y'^2)$
 ✓ (d) $(x + yy')^2 = p^2(1 + y'^2)$

117-C

$$\sqrt{x^2 + y^2} = p$$

$$2x + 2y \frac{dy}{dx} = p^2$$

43. यदि $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{ax+b}-3}{x-2} = \frac{1}{2}$ हो, तो a, b का मान

होगा

- (a) $a=b=3$
 (b) $a \neq b$
 (c) $a=0, b=4$
 (d) $a=2, b=1$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{ax+b}, a$$

$$\frac{a}{2ax+b} = \frac{1}{2}$$

$$a = 2a + b$$

$$-a = b$$

44. निम्नलिखित कथनों पर विचार कीजिए :

- I. $y=|x|$, $x=0$ पर अवकलनीय है।
 II. $y=x|x|$ सर्वत्र अवकलनीय है।
 उपर्युक्त कथनों में से कौन-सा/से सत्य है/हैं?

- (a) केवल I
 (b) केवल II
 (c) I और II दोनों
 (d) न तो I, न ही II

45. यदि $\frac{1}{u} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$, तो

$$x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} + z \frac{\partial u}{\partial z}$$

बराबर है

- ✓ (a) 0
 (b) $2u$
 (c) $-u$
 (d) u^2

46. मूलबिन्दु से नियत दूरी p पर सरल रेखाओं का अवकल समीकरण है

- (a) $(xy' - y)^2 = p^2(1 + y'^2)$
 (b) $(xy' + y)^2 = p^2(1 + y'^2)$
 (c) $(x - yy')^2 = p^2(1 + y'^2)$
 (d) $(x + yy')^2 = p^2(1 + y'^2)$

[P.T.O.]

47. The solution of the differential equation

$$y - x \frac{dy}{dx} = a \left(y^2 + \frac{dy}{dx} \right)$$

is

- (a) $(x+a)(1-ay)=cy$ ✓
 (b) $(x+a)(1+ay)=cy$
 (c) $(x+a)(1+ay)=cx$
 (d) $(y+a)(1+ax)=cy$

48. The value of c in Lagrange's mean value theorem for $f(x)=x(x-1)$ in $[1, 2]$ is

- (a) $\frac{5}{4}$
 ✓ (b) $\frac{3}{2}$ ✓ $(x-1)+x = \frac{2}{1}$
 $2x-1 = 2$
 $2x = 3$
 $x = \frac{3}{2}$
 (c) $\frac{7}{4}$
 (d) $\frac{9}{5}$

49. If

$$x = a(\cos t + t \sin t)$$

$$y = a(\sin t - t \cos t)$$

then the value of $\frac{d^2y}{dx^2}$ is

- (a) $\frac{t}{a} \sec^3 t$
 (b) $at \sec^3 t$
 (c) $\frac{1 \sec^3 t}{a t}$ ✓
 (d) $\frac{a \sec^3 t}{t}$

50. If $\lim_{x \rightarrow 0} x \sin \frac{1}{x} = A$ and $\lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{1}{x} = B$, then which of the following is true?

- (a) $A=B=0$
 ✓ (b) $A=0$ and $B=\infty$
 (c) $A=1$ and $B=\infty$
 (d) $A=0$ and $B=1$ ✓

47. अवकल समीकरण

$$y - x \frac{dy}{dx} = a \left(y^2 + \frac{dy}{dx} \right)$$

का हल है

- (a) $(x+a)(1-ay)=cy$
 (b) $(x+a)(1+ay)=cy$
 (c) $(x+a)(1+ay)=cx$
 (d) $(y+a)(1+ax)=cy$

48. $[1, 2]$ में $f(x)=x(x-1)$ के लिए लग्रांज माध्य मान प्रमेय में c का मान है

- (a) $\frac{5}{4}$
 (b) $\frac{3}{2}$
 (c) $\frac{7}{4}$
 (d) $\frac{9}{5}$

49. यदि

$$x = a(\cos t + t \sin t)$$

$$y = a(\sin t - t \cos t)$$

तो $\frac{d^2y}{dx^2}$ का मान है

- (a) $\frac{t}{a} \sec^3 t$
 (b) $at \sec^3 t$
 (c) $\frac{1 \sec^3 t}{a t}$
 (d) $\frac{a \sec^3 t}{t}$

$- a(\cos t - \cos t) + \sin t$
 $\frac{d(\sin t + \cos t)}{dt}$
 $\frac{\sin t}{\cos t}$
 $- \tan t$

50. यदि $\lim_{x \rightarrow 0} x \sin \frac{1}{x} = A$ और $\lim_{x \rightarrow \infty} x \sin \frac{1}{x} = B$ है, तो निम्न में से कौन-सा सत्य है?

- (a) $A=B=0$
 (b) $A=0$ और $B=\infty$
 (c) $A=1$ और $B=\infty$
 (d) $A=0$ और $B=1$

51. The solution of the differential equation

$$(x+2y^3)\frac{dy}{dx}=y, y(0)=1$$

is

- (a) $x+y-y^3=0$ ✓
(b) $x-y+y^3=0$
(c) $-x+2y-2y^3=0$
(d) $x+2y-2y^3=0$

52. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e^{\frac{1}{x}} - 1}{\frac{1}{e^x} + 1}$ is equal to

- (a) -1
(b) 1 ✓
(c) 0
(d) 2

53. The function

$$\phi(x) = (x-a)^m(x-b)^n$$

satisfies the conditions of Rolle's theorem, when

- (a) m, n are positive integers ✓
(b) m, n are positive integers and $a < b$
(c) $a < b$
(d) $m > n$

54. Let $f: R \rightarrow R$ be a differentiable function such that $f'(x^2) = 4x^2 - 1$ for $x > 0$ and $f(1) = 1$. Then $f(4)$ is

- (a) 64
(b) 30
(c) 42
(d) 28 ✓

51. अवकल समीकरण

$$(x+2y^3)\frac{dy}{dx}=y, y(0)=1$$

का हल है

- (a) $x+y-y^3=0$
(b) $x-y+y^3=0$
(c) $-x+2y-2y^3=0$
(d) $x+2y-2y^3=0$

52. $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{e^{\frac{1}{x}} - 1}{\frac{1}{e^x} + 1}$ बराबर है

- (a) -1
(b) 1
(c) 0
(d) 2

53. फलन

$$\phi(x) = (x-a)^m(x-b)^n$$

रॉल के प्रमेय की शर्तों को संतुष्ट करता है, जब

- (a) m, n धन पूर्णांक हों
(b) m, n धन पूर्णांक हों तथा $a < b$
(c) $a < b$
(d) $m > n$

54. मान लीजिए $f: R \rightarrow R$ एक अवकलनीय फलन इस प्रकार है कि $f'(x^2) = 4x^2 - 1$, $x > 0$ के लिए, और $f(1) = 1$. तब $f(4)$ है

- (a) 64
(b) 30
(c) 42
(d) 28

$\frac{1}{e^x} \cdot \left(\frac{1}{x^2}\right)$
 $\frac{1}{1+e^x} \cdot \left(\frac{1}{x^2}\right)$
 $\frac{e^{1/x}}{1+e^x} - \frac{1}{1+e^x}$
 $\frac{e}{e}$
d.o.o

55. If $y = x^{x^{\dots}}$ to infinity, then $x \frac{dy}{dx}$ is equal to

(a) $\frac{y^2}{y - x \log_e x}$

(b) $\frac{y^2}{x - y \log_e x}$

✓ (c) $\frac{y^2}{1 - y \log_e x}$

(d) $\frac{y^2}{y \log_e x - 1}$

$y = x^y$
 $\log y = y \log x$
 $\frac{1}{y} \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \log \frac{y}{x}$
 $\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \log \frac{y}{x}$
 $\Rightarrow \frac{y^2}{x - y \log x}$

55. यदि $y = x^{x^{\dots}}$ अनंत तक, तो $x \frac{dy}{dx}$ बराबर है

(a) $\frac{y^2}{y - x \log_e x}$

(b) $\frac{y^2}{x - y \log_e x}$

(c) $\frac{y^2}{1 - y \log_e x}$

(d) $\frac{y^2}{y \log_e x - 1}$

56. If $x=t$, $y=\log_e(\cos t)$, $t \in [0, \frac{\pi}{4}]$ then the

value of $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2} dt$ is

(a) $\log_e(\sqrt{2}+1)$ ✓

(b) $\log_e(\sqrt{2}-1)$

(c) $\sqrt{2} \log_e(\sqrt{2}+1)$

(d) $\sqrt{2} \log_e(\sqrt{2}-1)$

57. The value of

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{6n} \right]$$

is

(a) 0

(b) $\log_e 2$

(c) $\log_e 3$

✓ (d) $\log_e 6$ ✓

$\int_0^1 \frac{1}{1+x} dx = \log(1+x)$

58. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \sin \frac{a}{n}\right)^n$ is equal to

(a) e

(b) e^a ✓

(c) e^{2a}

(d) 0

56. यदि $x=t$, $y=\log_e(\cos t)$, $t \in [0, \frac{\pi}{4}]$ तो

$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2} dt$ का मान है

(a) $\log_e(\sqrt{2}+1)$

(b) $\log_e(\sqrt{2}-1)$

(c) $\sqrt{2} \log_e(\sqrt{2}+1)$

(d) $\sqrt{2} \log_e(\sqrt{2}-1)$

57. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{6n} \right]$ का मान है

(a) 0

(b) $\log_e 2$

(c) $\log_e 3$

(d) $\log_e 6$

58. $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \sin \frac{a}{n}\right)^n$ बराबर है

(a) e

✓ (b) e^a

(c) e^{2a}

(d) 0

$y = n \log \left(1 + \frac{a}{n}\right)$

59. The value of $\int_0^{1000} e^{x-[x]} dx$ is

(a) $e^{1000} - 1$

(b) $\frac{e^{1000} - 1}{e - 1}$

(c) $1000(e - 1)$ ✓

(d) $\frac{e - 1}{1000}$

60. The value of $\int x^2 e^x dx$ is

(a) $2e^x + c$

(b) $(x^2 + 2)e^x + c$

(c) $(x^2 + 2x + 2)e^x + c$

(d) $(x^2 - 2x + 2)e^x + c$ ✓

61. The value of $\int_0^{\infty} \frac{xdx}{(1+x)(1+x^2)}$ is

(a) $\frac{\pi}{2}$ ✓

(b) $\frac{\pi}{4}$

(c) $\frac{\pi}{3}$

(d) $\frac{\pi}{8}$

62. If $u = (x^2 + y^2)^{\frac{1}{2}}$ and $x^3 + y^3 + 3axy = 5a^2$, then the value of $\frac{du}{dx}$ at (a, a) is

(a) a

(b) a^2

(c) $3a^2$

(d) None of the above ✓

59. $\int_0^{1000} e^{x-[x]} dx$ का मान है

(a) $e^{1000} - 1$

(b) $\frac{e^{1000} - 1}{e - 1}$

(c) $1000(e - 1)$

(d) $\frac{e - 1}{1000}$

60. $\int x^2 e^x dx$ का मान है

(a) $2e^x + c$

(b) $(x^2 + 2)e^x + c$

(c) $(x^2 + 2x + 2)e^x + c$

(d) $(x^2 - 2x + 2)e^x + c$ ✓

61. $\int_0^{\infty} \frac{xdx}{(1+x)(1+x^2)}$ का मान है

(a) $\frac{\pi}{2}$

(b) $\frac{\pi}{4}$

(c) $\frac{\pi}{3}$

(d) $\frac{\pi}{8}$

62. यदि $u = (x^2 + y^2)^{\frac{1}{2}}$ तथा $x^3 + y^3 + 3axy = 5a^2$ है, तब (a, a) पर $\frac{du}{dx}$ का मान है

(a) a

(b) a^2

(c) $3a^2$ ✓

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

$x^2 e^x$
 $e^x + 2x$
 $(2x - 2)e^x$
 $(2x + 2)e^x$
 $(x^2 - 2x + 2)e^x$
 e^x

$1 + x^2 = t$
 $2x dx = dt$
 $\frac{1}{2} \int_1^{\infty} \frac{dt}{t + \sqrt{t^2 - 1}}$

$\frac{1}{2\sqrt{x^2 + y^2}}$
 $(2x + 2y) \frac{dy}{dx}$

63. A solution of the differential equation

$$\sqrt{1-x^2} dy + \sqrt{1-y^2} dx = 0 \quad (|x| < 1, |y| < 1)$$

is

(a) $x\sqrt{1-y^2} + y\sqrt{1-x^2} = c$ ✓

(b) $x\sin^{-1}y + y\sin^{-1}x = c$

(c) $\frac{x^2}{\sqrt{1-x^2}} + \frac{y^2}{\sqrt{1-y^2}} = c$

(d) $x\sqrt{1-x^2} + y\sqrt{1-y^2} = c$

64. If $u = \log \frac{x^3 + y^3}{x+y}$, then the value of

$$x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$$
 is

(a) u

(b) 2 ✓

(c) 0

(d) $u+1$

65. If $x+2y=8$, then the maximum value of xy is

(a) 20

(b) 16

(c) 24

(d) 8 ✓

66. The equation of the tangent at $\theta = \frac{\pi}{2}$ to the curve $x = a(\theta + \sin\theta)$, $y = a(1 + \cos\theta)$ is

(a) $x - y = a\left(\frac{\pi}{2} + 2\right)$

(b) $x - y = \frac{a\pi}{2}$

(c) $x + y = a\left(\frac{\pi}{2} + 2\right)$ ✓

(d) $x + y = \frac{a\pi}{2}$

63. अवकल समीकरण

$$\sqrt{1-x^2} dy + \sqrt{1-y^2} dx = 0 \quad (|x| < 1, |y| < 1)$$

का एक हल है

(a) $x\sqrt{1-y^2} + y\sqrt{1-x^2} = c$

✓ (b) $x\sin^{-1}y + y\sin^{-1}x = c$

(c) $\frac{x^2}{\sqrt{1-x^2}} + \frac{y^2}{\sqrt{1-y^2}} = c$

(d) $x\sqrt{1-x^2} + y\sqrt{1-y^2} = c$

64. यदि $u = \log \frac{x^3 + y^3}{x+y}$, तब $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y}$ का मान है

(a) u

✓ (b) 2

(c) 0

(d) $u+1$

65. यदि $x+2y=8$, तब xy का अधिकतम मान है

(a) 20

(b) 16

(c) 24

(d) 8

$u = x^2 + 4y^2 + 4xy = 64$
 $b \cdot 4xy = 64 - 2x^2$
 $\Rightarrow 16 - 2x^2$
 $-2x^2 + 24x$

66. वक्र $x = a(\theta + \sin\theta)$, $y = a(1 + \cos\theta)$ के $\theta = \frac{\pi}{2}$ पर

स्पर्श-रेखा का समीकरण है

(a) $x - y = a\left(\frac{\pi}{2} + 2\right)$

(b) $x - y = \frac{a\pi}{2}$

(c) $x + y = a\left(\frac{\pi}{2} + 2\right)$

(d) $x + y = \frac{a\pi}{2}$

67. The area bounded by the curves $y=|x|-1$ and $y=-|x|+1$ is

- (a) 1
(b) 2 ✓
(c) $2\sqrt{2}$
(d) 4

68. The slope of the tangent at the point $P(x, y)$ on a curve is $-\frac{y+3}{x+2}$. If the curve passes through the origin, then the equation of the curve is

- (a) $xy+2y+3x=0$ ✓
(b) $x^2-y^2+2x-3y=0$
(c) $xy+6x=0$
(d) $xy-2y+3x=0$

69. If $y(x)$ is a solution of the differential equation

$$\frac{dy}{dx} + 2xy = x, \quad y(0) = 0$$

then $\lim_{x \rightarrow \infty} y(x)$ is

- (a) $-\frac{1}{2}$
(b) -1
(c) $\frac{1}{2}$ ✓
(d) 1

70. If $y=y(x)$ and $\frac{(2+\sin x)(dy)}{y+1} = -\cos x$,

$y(0)=1$, then $y\left(\frac{\pi}{2}\right)$ is equal to

- (a) 1
(b) $\frac{2}{3}$
(c) $-\frac{1}{3}$
(d) $\frac{1}{3}$ ✓

67. वक्र $y=|x|-1$ तथा $y=-|x|+1$ से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल है

- (a) 1
(b) 2 ✓
(c) $2\sqrt{2}$
(d) 4



68. किसी वक्र के बिन्दु $P(x, y)$ पर स्पर्श-रेखा की प्रवणता $-\frac{y+3}{x+2}$ है। यदि वक्र मूलबिन्दु से गुजरता है, तो वक्र का समीकरण है

- (a) $xy+2y+3x=0$
(b) $x^2-y^2+2x-3y=0$
(c) $xy+6x=0$
(d) $xy-2y+3x=0$

69. यदि $y(x)$, अवकल समीकरण

$$\frac{dy}{dx} + 2xy = x, \quad y(0) = 0$$

का एक हल है, तो $\lim_{x \rightarrow \infty} y(x)$ है

- (a) $-\frac{1}{2}$
(b) -1 ✓
(c) $\frac{1}{2}$
(d) 1

70. यदि $y=y(x)$ तथा $\frac{(2+\sin x)(dy)}{y+1} = -\cos x$,

$y(0)=1$, तो $y\left(\frac{\pi}{2}\right)$ बराबर है

- (a) 1
(b) $\frac{2}{3}$
(c) $-\frac{1}{3}$
(d) $\frac{1}{3}$

71. The mean weight of 9 items is 15 kg. If one more item is added, the mean weight becomes 16 kg. Then the weight of the 10th item is

- (a) 35 kg
- (b) 30 kg
- (c) 25 kg ✓
- (d) 20 kg

$135 \times 9 = 160 \times 10$

72. If $P(A) = \frac{7}{15}$, $P(B) = \frac{8}{15}$ and $P(A \cap B) = \frac{11}{15}$, then $P(A/B)$ is

- (a) $\frac{3}{8}$
- (b) $\frac{11}{8}$ ✓
- (c) $\frac{7}{8}$
- (d) $\frac{5}{8}$

73. A coin is thrown 6 times. The probability of getting exactly four heads is

- (a) $\frac{1}{4}$
- (b) $\frac{3}{4}$
- (c) $\frac{5}{16}$
- (d) $\frac{15}{64}$ ✓

74. A bag contains 8 red and 5 white balls. Three balls are drawn at random. The probability that one ball is red and two balls are white, is

- (a) $\frac{40}{143}$ ✓
- (b) $\frac{80}{146}$
- (c) $\frac{10}{296}$
- (d) $\frac{5}{286}$

71. 9 वस्तुओं का माध्य भार 15 कि० ग्रा० है। यदि एक और वस्तु जोड़ दें, तो माध्य भार 16 कि० ग्रा० हो जाता है। तब 10वीं वस्तु का भार है

- (a) 35 कि० ग्रा०
- (b) 30 कि० ग्रा०
- (c) 25 कि० ग्रा० ✓
- (d) 20 कि० ग्रा०

72. यदि $P(A) = \frac{7}{15}$, $P(B) = \frac{8}{15}$ और $P(A \cap B) = \frac{11}{15}$, तो $P(A/B)$ का मान है

- (a) $\frac{3}{8}$
- (b) $\frac{11}{8}$ ✓
- (c) $\frac{7}{8}$
- (d) $\frac{5}{8}$

$P(A/B) = \frac{11/15}{8/15}$

73. एक सिक्के को 6 बार उछालते हैं। ठीक चार शीर्ष प्राप्त होने की प्रायिकता है

- (a) $\frac{1}{4}$
- (b) $\frac{3}{4}$
- (c) $\frac{5}{16}$
- (d) $\frac{15}{64}$

$\frac{(1/2)^4}{(1/2)^6}$

74. एक थैले में 8 लाल और 5 सफेद गेंदें हैं। यदृच्छया तीन गेंदें निकाली जाती हैं। एक लाल और दो सफेद गेंद होने की प्रायिकता है

- (a) $\frac{40}{143}$ ✓
- (b) $\frac{80}{146}$
- (c) $\frac{10}{296}$
- (d) $\frac{5}{286}$

$\frac{{}^8C_1 \times {}^5C_2}{{}^{13}C_3}$

$\frac{8 \times 5 \times 4}{13 \times 12 \times 11}$

$\frac{40}{143}$

75. The mean of 1, 3, 4, 5, 7, 4 is n . The numbers 3, 2, 2, 4, 3, p , 3 have mean $n-1$ and median q . Then $p+q$ is

- (a) 6
- (b) 4
- (c) 7 ✓
- (d) 5

76. If a hyperbola, whose parametric equations are $x=ct$, $y=\frac{c}{t}$, meets any circle with centre at (0, 0) in four points, determined by the parametric values t_1, t_2, t_3 and t_4 , then the value of $t_1 \cdot t_2 \cdot t_3 \cdot t_4$ is

- (a) c^2
- (b) $-c^2$
- (c) -1
- (d) 1 ✓

77. The product of the perpendiculars drawn from the foci of an ellipse $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ on any tangent to it, is

- (a) a^2
- (b) b^2 ✓
- (c) -1
- (d) 2

78. Let $y=mx+c$ be the equation of normal to the parabola $y^2=4ax$ at $(am^2, -2am)$. Then c is equal to

- (a) am^3
- (b) $-2am+am^3$
- (c) $2am+am^3$
- (d) $-2am-am^3$ ✓

75. 1, 3, 4, 5, 7, 4 का माध्य n है। संख्या 3, 2, 2, 4, 3, p , 3 का माध्य $n-1$ तथा उनकी माध्यिका q है। तब $p+q$ है

- (a) 6
- (b) 4
- (c) 7 ✓
- (d) 5

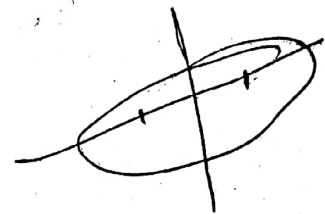
$24 = 6n$
 $n = 4$
 $n-1 = \frac{17+p}{2}$
 $21 = 17+p$
 $4 = p$

76. यदि एक अतिपरवलय, जिसके प्राचलिक समीकरण $x=ct$, $y=\frac{c}{t}$ हैं, केन्द्र (0, 0) वाले किसी वृत्त से किन्हीं चार बिन्दुओं, जिनके प्राचल मान t_1, t_2, t_3 और t_4 से निर्धारित हैं, में मिलता है, तो $t_1 \cdot t_2 \cdot t_3 \cdot t_4$ का मान है

- (a) c^2
- (b) $-c^2$
- (c) -1 ✓
- (d) 1

77. दीर्घवृत्त $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ की नाभियों से इसकी किसी स्पर्शी पर डाले गए लम्बों का गुणनफल है

- (a) a^2
- (b) b^2
- (c) -1 ✓
- (d) 2



78. माना $y=mx+c$, परवलय $y^2=4ax$ के बिन्दु $(am^2, -2am)$ पर अभिलम्ब का समीकरण है। तो c बराबर है

- (a) am^3
- (b) $-2am+am^3$
- (c) $2am+am^3$
- (d) $-2am-am^3$ ✓

79. If the sum of the slopes of the lines $x^2 - 2\lambda xy - 7y^2 = 0$ is four times their product, then the value of λ is

- (a) -1
- (b) 2 ✓
- (c) -2
- (d) 1

80. The distance between the foci of a hyperbola is 16 units and its eccentricity is $\sqrt{2}$. Its equation is

- (a) $x^2 - y^2 = 32$ ✓
- (b) $2x^2 - y^2 = 32$
- (c) $x^2 - 2y^2 = 32$
- (d) $3x^2 - 3y^2 = 32$

Handwritten notes for Q80:
 $2ae = 16$
 $b = a(e-1)$
 $\frac{b^2}{a^2} = (e-1)^2$
 $\frac{32}{32} = (\sqrt{2}-1)^2$
 $1 = 2 - 2\sqrt{2} + 1$
 $0 = 2 - 2\sqrt{2}$
 $1 = \sqrt{2}$
 $a = 8$
 $b = 8$

81. For what values of k , the line $y = kx + 2$ will be tangent to the conic $4x^2 - 9y^2 = 36$?

- (a) $\pm \frac{2}{3}$
- (b) $\pm \frac{2\sqrt{2}}{3}$ ✓
- (c) $\pm \frac{8}{9}$
- (d) $\pm \frac{4\sqrt{2}}{3}$

Handwritten notes for Q81:
 $2 = \frac{y^2}{4} = 1$
 $y = \pm 2$

82. The locus of the centres of circles, that passes through the origin and cuts off a length 6 from the line $y = 4$, is

- (a) $x^2 - 8y + 25 = 0$
- (b) $x^2 - 8y - 25 = 0$
- (c) $x^2 + 8y - 25 = 0$
- (d) None of the above ✓

79. यदि रेखाओं $x^2 - 2\lambda xy - 7y^2 = 0$ की प्रवणताओं का योग उनके गुणनफल का चार गुना हो, तब λ का मान है

- (a) -1
- (b) 2
- (c) -2
- (d) 1

80. किसी अतिपरवलय के नाभियों के बीच की दूरी 16 इकाई तथा इसकी उत्केन्द्रता $\sqrt{2}$ है। इसका समीकरण है

- (a) $x^2 - y^2 = 32$ ✓
- (b) $2x^2 - y^2 = 32$
- (c) $x^2 - 2y^2 = 32$
- (d) $3x^2 - 3y^2 = 32$

Handwritten notes for Q80:
 $2ae = 16$
 $ae = 8$
 $a = \frac{8}{e}$
 $\Rightarrow 4\sqrt{2}$

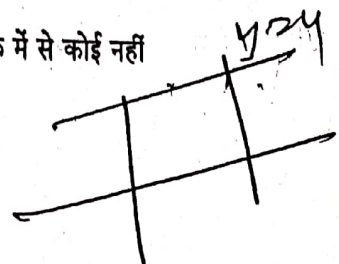
81. k के किन मानों के लिए रेखा $y = kx + 2$, शंकव $4x^2 - 9y^2 = 36$ की स्पर्श-रेखा होगी?

- (a) $\pm \frac{2}{3}$
- (b) $\pm \frac{2\sqrt{2}}{3}$ ✓
- (c) $\pm \frac{8}{9}$
- (d) $\pm \frac{4\sqrt{2}}{3}$

Handwritten notes for Q81:
 $2 = \frac{y^2}{9} = 1$
 $y = \pm 3$
 $3 = 3k + 2$
 $k = \frac{1}{3}$

82. वृत्तों के केन्द्रों का बिन्दुपथ, जो मूलबिन्दु से गुजरता है तथा रेखा $y = 4$ से 6 लम्बाई काटता है, है

- (a) $x^2 - 8y + 25 = 0$
- (b) $x^2 - 8y - 25 = 0$
- (c) $x^2 + 8y - 25 = 0$
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं



83. The image of the point (3, 5, 7) in the plane $2x+y+z=6$ is

- (a) (5, 1, 3)
 (b) (5, -1, 3)
 (c) (5, 1, -3)
 (d) (-5, 1, 3) ✓

84. The direction cosines of a line segment whose projections on the coordinate axes are -6, 3, 2, are

- (a) $-\frac{6}{7}, \frac{3}{7}, \frac{2}{7}$ ✓
 (b) $\frac{6}{7}, \frac{3}{7}, \frac{2}{7}$
 (c) $\frac{6}{7}, -\frac{3}{7}, \frac{2}{7}$

(d) None of the above

85. If the lines

$$\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5} \text{ and}$$

$$\frac{x-1}{a} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$$

are coplanar, then a is equal to

- (a) 1
 (b) 2 ✓
 (c) 3
 (d) 4

86. The length of perpendicular from (1, 2, 3) to the line $\frac{x-6}{3} = \frac{y-7}{2} = \frac{z-7}{-2}$ is

- (a) 3
 (b) $\sqrt{17}$
 (c) 7 ✓
 (d) $\sqrt{20}$

83. समतल $2x+y+z=6$ में बिन्दु (3, 5, 7) का प्रतिबिम्ब है

- (a) (5, 1, 3)
 (b) (5, -1, 3)
 (c) (5, 1, -3)
 (d) (-5, 1, 3) ✓

84. एक रेखाखण्ड, जिसके निर्देशांक अक्षों पर प्रक्षेप -6, 3, 2 हैं, की दिक्कोज्याएँ हैं

- (a) $-\frac{6}{7}, \frac{3}{7}, \frac{2}{7}$ ✓
 (b) $\frac{6}{7}, \frac{3}{7}, \frac{2}{7}$
 (c) $\frac{6}{7}, -\frac{3}{7}, \frac{2}{7}$

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

85. यदि रेखाएँ

$$\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5} \text{ और}$$

$$\frac{x-1}{a} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$$

समतलीय हैं, तो a बराबर है

- (a) 1
 (b) 2 ✓
 (c) 3
 (d) 4

86. (1, 2, 3) से रेखा $\frac{x-6}{3} = \frac{y-7}{2} = \frac{z-7}{-2}$ पर डाले गए

लम्ब की लम्बाई है

- (a) 3
 (b) $\sqrt{17}$ ✓
 (c) 7
 (d) $\sqrt{20}$

87. If $\cos\alpha$, $\cos\beta$, $\cos\gamma$ are the direction cosines of a straight line, then

$$(\sin^2\alpha + \sin^2\beta + \sin^2\gamma)$$

is equal to

- (a) 0
- (b) 1
- (c) 3
- (d) 2 ✓

88. The radius of the sphere

$$x^2 + y^2 + z^2 - x - y - z = 0$$

is

- (a) $\frac{3}{2}$
- (b) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ✓
- (c) $\sqrt{\frac{3}{2}}$
- (d) $\sqrt{3}$

89. The conic

$$5x^2 - 6xy + 5y^2 + 26x - 22y + 29 = 0$$

represents

- (a) a circle
- (b) a parabola
- (c) a hyperbola
- (d) an ellipse ✓

90. The coordinates of the point, where the line

$$\frac{x-2}{-1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-1}{6}$$

intersects the plane $2x + y + z = 7$, are

- (a) (2, 1, -7)
- (b) (7, -1, 2)
- (c) (1, -2, 7) ✓
- (d) (2, -7, 1)

87. यदि $\cos\alpha$, $\cos\beta$, $\cos\gamma$ एक सरल रेखा की दिक्कोज्याएँ हैं, तब

$$(\sin^2\alpha + \sin^2\beta + \sin^2\gamma)$$

बराबर है

- (a) 0
- (b) 1
- (c) 3
- (d) 2 ✓

88. गोला $x^2 + y^2 + z^2 - x - y - z = 0$ की त्रिज्या है

- (a) $\frac{3}{2}$
- (b) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ✓
- (c) $\sqrt{\frac{3}{2}}$
- (d) $\sqrt{3}$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

89. शोकव

$$5x^2 - 6xy + 5y^2 + 26x - 22y + 29 = 0$$

निरूपित करता है

- (a) एक वृत्त
- (b) एक परवलय
- (c) एक अतिपरवलय ✓
- (d) एक दीर्घवृत्त

$$a = b$$

90. उस बिन्दु, जहाँ रेखा

$$\frac{x-2}{-1} = \frac{y+3}{1} = \frac{z-1}{6}$$

समतल $2x + y + z = 7$ का प्रतिच्छेदन करती है, के निर्देशांक हैं

- (a) (2, 1, -7)
- (b) (7, -1, 2)
- (c) (1, -2, 7) ✓
- (d) (2, -7, 1)

$$2(-x+2) + (y-3) + (6z+1) = 7$$

$$-2x + 4 + y - 3 + 6z + 1 = 7$$

$$-2x + y + 6z + 2 = 7$$

$$-2x + y + 6z = 5$$

91. If A is a 3×3 non-singular matrix, then $\det(\text{adj } A)$ is equal to

(a) $2 \det A$

(b) $3 \det A$

(c) $(\det A)^2$

(d) $(\det A)^3$

92. The composite mapping $f \circ g$ of the maps

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \sin x$

$g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, g(x) = x^2$

is

(a) $\sin x + x^2$

(b) $\sin(x^2)$

(c) $(\sin x)^2$

(d) $\frac{\sin x}{x^2}$

93. A square matrix P satisfies $P^2 = I - P$.

If $P^n = 5I - 8P$, then n is equal to

(a) 4

(b) 5

(c) 6

(d) 7

94. The number of solutions of

$\log_4(x-1) = \log_2(x-3)$

is

(a) 2

(b) 3

(c) 1

(d) 0

/17-C

91. यदि A एक 3×3 व्युत्क्रमणीय आव्यूह है, तो $\det(\text{adj } A)$ बराबर है

(a) $2 \det A$

(b) $3 \det A$

(c) $(\det A)^2$

(d) $(\det A)^3$

92. प्रतिचित्रों

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = \sin x$

$g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, g(x) = x^2$

के संयुक्त प्रतिचित्रण $f \circ g$ का मान है

(a) $\sin x + x^2$

(b) $\sin(x^2)$

(c) $(\sin x)^2$

(d) $\frac{\sin x}{x^2}$

93. एक वर्ग आव्यूह P , $P^2 = I - P$ को संतुष्ट करता है।

यदि $P^n = 5I - 8P$, तब n बराबर है

(a) 4

(b) 5

(c) 6

(d) 7

94. $\log_4(x-1) = \log_2(x-3)$ के हलों की संख्या है

(a) 2

(b) 3

(c) 1

(d) 0

25

$\frac{1}{2} (x-1)^{1/2} = x-3$
 $x-1 = 2^2(x-3)^2$
 $x^2 - 5x - 2x + 10 = 0$
 $x^2 - 7x + 10 = 0$
 $x^2 - 5x - 2x + 10 = 0$
 $x(x-5) - 2(x-5)$
 $(x-5)(x-2) = 0$
 $x = 5, 2$
 $x(x-8) = 0$

| P.T.O.

95. The eigenvalues of the matrix

$$A = \begin{bmatrix} a & h & g \\ 0 & b & 0 \\ 0 & c & c \end{bmatrix}$$

are

- (a) a, h, g
- (b) a, g, c
- (c) a, h, c
- (d) a, b, c

96. A cyclic group having only one generator can have at most

- (a) 1 element
- (b) 2 elements
- (c) 3 elements
- (d) 4 elements

97. Every diagonal element of a skew-symmetric matrix is

- (a) zero
- (b) unity
- (c) non-zero
- (d) purely imaginary

98. The number of real solutions of the equation $|x|^2 + 5|x| + 4 = 0$ is

- (a) 4
- (b) 2
- (c) 1
- (d) 0

95. आव्यूह

$$A = \begin{bmatrix} a & h & g \\ 0 & b & 0 \\ 0 & c & c \end{bmatrix}$$

के अभिलाक्षणिक (आइगेन) मान हैं

- (a) a, h, g
- (b) a, g, c
- (c) a, h, c
- (d) a, b, c

96. केवल एक जनक वाले चक्रीय समूह के अधिकतम हो सकते हैं

- (a) 1 अवयव
- (b) 2 अवयव
- (c) 3 अवयव
- (d) 4 अवयव

97. किसी विषम-सममित आव्यूह का प्रत्येक विकर्णीय अवयव होता है

- (a) शून्य
- (b) इकाई
- (c) अशून्य
- (d) शुद्धतः काल्पनिक

98. समीकरण $|x|^2 + 5|x| + 4 = 0$ के वास्तविक हलों की संख्या है

- (a) 4
- (b) 2
- (c) 1
- (d) 0

99. The sum of the infinite series

$$1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2^2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{1}{2^3} + \dots \infty$$

is

(a) $\sqrt{\frac{2}{3}}$ ✓

(b) $\sqrt{\frac{1}{3}}$

(c) $\sqrt{3}$

(d) $\sqrt{\frac{3}{2}}$

100. The sum of three numbers in arithmetic progression is 51 and the product of first and third terms is 273. The common difference of this progression is

(a) 5

(b) 4

(c) 3 ✓

(d) 6

101. The harmonic mean of two numbers is 4. If their arithmetic mean A and geometric mean G satisfy the equation $2A + G^2 = 27$, then the numbers are

(a) 1, 3

(b) 1, 4

(c) 3, 6 ✓

(d) None of the above

102. Let A be a 3×3 matrix with eigenvalues 1, -1, 0. Then the value of $|I + A^{100}|$ is

(a) 6

(b) 8

(c) 27

(d) 100

99. अनंत श्रेणी

$$1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{2^2} - \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{1}{2^3} + \dots \infty$$

का योगफल है

(a) $\sqrt{\frac{2}{3}}$

(b) $\sqrt{\frac{1}{3}}$

(c) $\sqrt{3}$

(d) $\sqrt{\frac{3}{2}}$

100. समांतर श्रेणी में तीन संख्याओं का योग 51 है तथा प्रथम एवं तृतीय संख्याओं का गुणनफल 273 है। इस श्रेणी का सार्व अन्तर है

(a) 5

(b) 4

(c) 3

(d) 6

101. दो अंकों का हरात्मक माध्य 4 है। यदि उनके समांतर माध्य A तथा गुणोत्तर माध्य G , समीकरण $2A + G^2 = 27$ को सन्तुष्ट करते हैं, तो अंक हैं

(a) 1, 3

(b) 1, 4

(c) 3, 6 ✓

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

102. मान लीजिए कि A एक 3×3 आव्यूह है, जिसके अभिलाक्षणिक (आइगेन) मान 1, -1, 0 हैं। तब $|I + A^{100}|$ का मान है

(a) 6

(b) 8

(c) 27

(d) 100

$u = \frac{2 \cdot 18}{9}$

103. Let G be a group with identity element e . Let $a, b \in G$ be such that $a^5 = e$ and $aba^{-1} = b^2$. Then $o(b)$ is

- (a) 17
- (b) 23
- (c) 29
- (d) 31 ✓

104. Every square matrix can be expressed as

- (a) a Hermitian matrix
- (b) a skew-symmetric matrix
- ✓ (c) sum of symmetric and skew-symmetric matrices ✓
- (d) None of the above

105. The sum of the infinite series

$$\frac{1}{2} + \frac{1+2}{3} + \frac{1+2+3}{4} + \frac{1+2+3+4}{5} + \dots$$

is

- (a) $2e$
- (b) $3e$
- (c) $\frac{3e}{2}$
- (d) $\frac{e}{2}$ ✓

106. The characteristic roots of the matrix

$$A = \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} \text{ are}$$

- ✓ (a) 1, 6 ✓
- (b) -1, 6
- (c) -1, -6
- (d) 1, -6

$$\begin{pmatrix} 5-\lambda & 4 \\ 1 & 2-\lambda \end{pmatrix} \Rightarrow$$

$$10 - 7\lambda + \lambda^2 - 4 = 0$$

$$\lambda^2 - 7\lambda + 6 = 0$$

$$\lambda - 6 \lambda - \lambda + 6$$

$$(11 - 6) + 1 \lambda - 6$$

103. मान लीजिए कि सर्वसमिका अवयव e के साथ G एक समूह है। मान लीजिए कि $a, b \in G$ इस प्रकार है कि $a^5 = e$ तथा $aba^{-1} = b^2$ । तब $o(b)$ है

- (a) 17
- (b) 23
- (c) 29
- (d) 31

104. प्रत्येक वर्ग आव्यूह को व्यक्त किया जा सकता है

- (a) एक हर्मिटी आव्यूह के रूप में
- (b) एक विषम-सममित आव्यूह के रूप में
- (c) सममित तथा विषम-सममित आव्यूहों के योग के रूप में
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

105. अनंत श्रेणी

$$\frac{1}{2} + \frac{1+2}{3} + \frac{1+2+3}{4} + \frac{1+2+3+4}{5} + \dots$$

का योगफल है

- (a) $2e$
- ✓ (b) $3e$
- (c) $\frac{3e}{2}$
- (d) $\frac{e}{2}$

$$\frac{n(n+1)}{2}$$

$$(n+1)$$

$$\frac{n+2}{2(n-2)}$$

$$\frac{1}{(n-3)}$$

ⓔ

106. आव्यूह $A = \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ के अभिलाक्षणिक मूल हैं

- (a) 1, 6
- (b) -1, 6
- (c) -1, -6
- (d) 1, -6

107. For square matrices A and B , which of the following is true?

- (a) $(AB)' = A'B'$
 (b) $(A+B)' = A'+B'$ ✓
 (c) $(AB)^{-1} = A^{-1}B^{-1}$
 (d) $(A+B)^{-1} = A^{-1} + B^{-1}$

108. The characteristic roots of a Hermitian matrix are

- (a) real ✓
 (b) purely imaginary
 (c) complex numbers ✓
 (d) None of the above

109. The generator/generators of the cyclic group $\{a, a^2, a^3, a^4 = e\}$ is/are

- (a) a^4
 (b) a^2
 (c) a^4, a^2
 (d) a, a^3 ✓

110. The value of the determinant

$$\begin{vmatrix} 43 & 1 & 6 \\ 35 & 7 & 4 \\ 17 & 3 & 2 \end{vmatrix}$$

is

- (a) 0 ✓
 (b) 56
 (c) 756
 (d) 964

Handwritten calculation for determinant:

$$43 \begin{vmatrix} 1 & 6 \\ 7 & 4 \end{vmatrix} - 1 \begin{vmatrix} 35 & 4 \\ 17 & 2 \end{vmatrix} + 6 \begin{vmatrix} 35 & 7 \\ 17 & 3 \end{vmatrix}$$

$$= 43(4-42) - 1(70-68) + 6(105-119)$$

$$= 43(-38) - 2 + 6(-14)$$

$$= -1634 - 2 - 84 = -1720$$

(Note: The handwritten calculation shows a different result than the options, suggesting a possible error in the original document or the handwritten work.)

107. वर्ग आव्यूह A एवं B के लिए निम्न में से कौन-सा सत्य है?

- (a) $(AB)' = A'B'$
 (b) $(A+B)' = A'+B'$
 (c) $(AB)^{-1} = A^{-1}B^{-1}$
 (d) $(A+B)^{-1} = A^{-1} + B^{-1}$ ✓

108. एक हर्मिटी आव्यूह के अभिलाक्षणिक मूल होते हैं

- (a) वास्तविक
 (b) शुद्धतः काल्पनिक
 (c) सम्मिश्र संख्याएँ
 (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

109. चक्रीय समूह $\{a, a^2, a^3, a^4 = e\}$ का/के जनक है/हैं

- (a) a^4
 (b) a^2
 (c) a^4, a^2
 (d) a, a^3

110. सारणिक

$$\begin{vmatrix} 43 & 1 & 6 \\ 35 & 7 & 4 \\ 17 & 3 & 2 \end{vmatrix}$$

का मान है

- (a) 0
 (b) 56
 (c) 756
 (d) 964

111. If the maximum and minimum values of $(5+6\cos\theta+2\cos2\theta)$ satisfy the quadratic equation $x^2 - px + q = 2$, then p, q are respectively

- (a) 13, 12
- (b) 12, 13 ✓
- (c) 14, 13
- (d) 13, 14

112. The sum of the series

$$72+70+68+\dots+40$$

is

- (a) 950
- (b) 952 ✓
- (c) 954
- (d) 956

Handwritten solution for 112:

$$S_n = \frac{n}{2} [2 \times 72 + (n-1) \times (-2)]$$

$$= \frac{n}{2} [144 - 2n + 2]$$

$$= \frac{n}{2} [146 - 2n]$$

$$= \frac{n}{2} \times 2 [73 - n]$$

$$= n(73 - n)$$

Setting $S_n = 952$:

$$n(73 - n) = 952$$

$$n^2 - 73n + 952 = 0$$

$$(n-56)(n-17) = 0$$

$n = 56$ or $n = 17$

113. Given that the set Z of integers forms a group under the binary operation $*$, defined by

$$a * b = a + b + 1; a, b \in Z$$

The inverse of -2 in the group is

- (a) 2
- (b) 4
- (c) -2 ✓
- (d) 0

Handwritten solution for 113:

$$a * e = 1 = a$$

$$e = -1$$

$$-2 * (-1) = -2 + (-1) + 1 = -2$$

114. The sum of first ten terms of the series

$$\frac{1}{21} + \frac{1}{77} + \frac{1}{165} + \dots$$

is

- (a) $\frac{10}{129}$ ✓
- (b) $\frac{20}{129}$
- (c) $\frac{30}{129}$
- (d) $\frac{40}{129}$

111. यदि $(5+6\cos\theta+2\cos2\theta)$ के अधिकतम और न्यूनतम मान, द्विघात समीकरण $x^2 - px + q = 2$ को संतुष्ट करते हैं, तो p, q हैं, क्रमशः

- (a) 13, 12
- (b) 12, 13
- (c) 14, 13
- (d) 13, 14

112. श्रेणी $72+70+68+\dots+40$ का योगफल है

- (a) 950
- (b) 952 ✓
- (c) 954
- (d) 956

Handwritten solution for 112:

$$T_n = 72 + (n-1)(-2)$$

$$40 = 72 - 2(n-1)$$

$$-32 = -2n + 2$$

$$-34 = -2n$$

$$n = 17$$

113. दिया गया है कि पूर्णांक संख्याओं का समुच्चय Z , द्वि-आधारी संक्रिया $*$, जो

$$a * b = a + b + 1; a, b \in Z$$

द्वारा परिभाषित है, के सापेक्ष एक समूह बनाता है। इस समूह में -2 का प्रतिलोम है

- (a) 2
- (b) 4
- (c) -2
- (d) 0

114. श्रेणी

$$\frac{1}{21} + \frac{1}{77} + \frac{1}{165} + \dots$$

के प्रथम दस पदों का योग है

- (a) $\frac{10}{129}$
- (b) $\frac{20}{129}$
- (c) $\frac{30}{129}$
- (d) $\frac{40}{129}$

115. The condition that the equations

$$ax^2 + bx + c = 0, a'x^2 + b'x + c' = 0$$

have a common root is

(a) $(bc' - b'c)^2 = (ca' - c'a)(ab' - a'b)$

(b) $(ab' - a'b)^2 = (ca' - c'a)(bc' - b'c)$

(c) $(ca' - c'a)^2 = (bc' - b'c)(ab' - a'b)$ ✓

(d) None of the above

116. The value of p for which the sum of the squares of the roots of the equation

$$x^2 - (p-2)x - p + 1 = 0$$

is minimum, will be

(a) 0

(b) 1 ✓

(c) 2

(d) 3

117. The domain of the function

$$f(x) = \frac{\log_2(x+3)}{x^2 + 3x + 2}$$

is

(a) $R - \{-1, -2\}$

(b) $(-2, \infty)$

(c) $R - \{-1, -2, -3\}$

(d) $(-3, \infty) - \{-1, -2\}$ ✓

118. Let $*$ be a binary operation defined on the set of positive rational numbers Q^+ by the rule $a * b = \frac{ab}{3}, \forall a, b \in Q^+$. Then the inverse of $4 * 6$ is

(a) $\frac{9}{8}$ ✓

(b) $\frac{2}{3}$

(c) $\frac{3}{8}$

(d) $\frac{3}{2}$

$ae = a$
 $e = 3$
 $4 * 6 = \frac{24}{3} = 8$
 $8a = 3$
 $a = \frac{3}{8}$

115. समीकरणों

$$ax^2 + bx + c = 0, a'x^2 + b'x + c' = 0$$

के एक उभयनिष्ठ मूल होने का प्रतिबंध है

(a) $(bc' - b'c)^2 = (ca' - c'a)(ab' - a'b)$

(b) $(ab' - a'b)^2 = (ca' - c'a)(bc' - b'c)$

(c) $(ca' - c'a)^2 = (bc' - b'c)(ab' - a'b)$

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

116. p का वह मान, जिसके लिए समीकरण

$$x^2 - (p-2)x - p + 1 = 0$$

के मूलों के वर्गों का योग न्यूनतम हो, होगा

(a) 0

(b) 1

(c) 2

(d) 3

x^2

117. फलन

$$f(x) = \frac{\log_2(x+3)}{x^2 + 3x + 2}$$

का प्रान्त है

(a) $R - \{-1, -2\}$

(b) $(-2, \infty)$

(c) $R - \{-1, -2, -3\}$

(d) $(-3, \infty) - \{-1, -2\}$

118. मान लीजिए कि $*$ एक द्वि-आधारी संक्रिया, धनात्मक परिमेय संख्याओं के समुच्चय Q^+ पर नियम $a * b = \frac{ab}{3}, \forall a, b \in Q^+$ द्वारा परिभाषित है। तब $4 * 6$ का प्रतिलोम है

(a) $\frac{9}{8}$

(b) $\frac{2}{3}$

(c) $\frac{3}{8}$

(d) $\frac{3}{2}$

119. The least order of non-Abelian group is

- (a) 4
- (b) 5
- (c) 6
- (d) 8

120. If the function $f: R \rightarrow R$ is defined by

$$f(x) = x^2 + x$$

then the function f is

- (a) one-one but not onto
- (b) onto but not one-one
- (c) both one-one and onto
- (d) neither one-one nor onto

121. Consider the following statements :

- I. If A is skew-symmetric matrix, then A^2 is symmetric.
- II. Trace of a skew-symmetric matrix of an odd order is always zero.

Which of the above statements is/are true?

- (a) Only I
- (b) Only II
- (c) Both I and II
- (d) Neither I nor II

122. The system of equations

$$x + 2y + 3z = 1$$

$$2x + y + 3z = 2$$

$$x + y + 2z = 3$$

has

- (a) no solution
- (b) unique solution
- (c) infinite solutions
- (d) None of the above

/17-C

$$\begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 2 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \end{array} \quad 32$$

119. अन्-आबेली समूह की न्यूनतम कोटि है

- (a) 4
- (b) 5
- (c) 6
- (d) 8

120. यदि फलन $f: R \rightarrow R$, $f(x) = x^2 + x$ से परिभाषित है, तो फलन f है

- (a) एकैकी पर आच्छादक नहीं
- (b) आच्छादक पर एकैकी नहीं
- (c) एकैकी एवं आच्छादक दोनों
- (d) न तो एकैकी, न ही आच्छादक

121. निम्नलिखित कथनों पर विचार कीजिए :

- I. यदि A एक विषम-सममित आव्यूह है, तो A^2 सममित होगा।
- II. एक विषम-कोटि वाले विषम-सममित आव्यूह का अनुरेख सदैव शून्य होता है।

उपर्युक्त कथनों में से कौन-सा/से सत्य है/हैं?

- (a) केवल I
- (b) केवल II
- (c) I और II दोनों
- (d) न तो I, न ही II

122. समीकरण निकाय

$$x + 2y + 3z = 1$$

$$2x + y + 3z = 2$$

$$x + y + 2z = 3$$

का

- (a) कोई हल नहीं है
- (b) अद्वितीय हल है
- (c) अनन्त हल है
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

$$\begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 2 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \end{array} \quad 12$$

$$\begin{array}{cccc} 1 & 2 & 3 & 1 \\ 0 & -3 & 3 & 0 \\ 0 & -1 & -1 & 2 \end{array}$$



123. If A is a 2×2 matrix such that $\text{trace } A = 6$, $|A| = 12$, then $\text{trace } (A^{-1})$ is

- (a) $\frac{1}{2}$ ✓
 (b) $\frac{1}{3}$
 (c) $\frac{1}{6}$
 (d) 1

124. If $f\left(x - \frac{1}{x}\right) = x^3 - \frac{1}{x^3}$, then the value of $f(1)$ is

- (a) -2
 (b) -1
 (c) 0
 (d) 4 ✓

125. For the equation $|x|^2 + |x| - 6 = 0$

- (a) there is only one root
 (b) the sum of roots is -1
 (c) the product of roots is -4 ✓
 (d) there are four roots

126. If the roots of the equation

$$(a-b)x^2 + (c-a)x + (b-c) = 0$$

are equal, then a, b, c are in

- (a) arithmetic progression ✓
 (b) geometric progression
 (c) harmonic progression
 (d) None of the above

123. यदि A एक 2×2 आव्यूह इस प्रकार है कि $\text{अनुरोध } A = 6, |A| = 12$, तो $\text{अनुरोध } (A^{-1})$ है

- (a) $\frac{1}{2}$
 (b) $\frac{1}{3}$
 (c) $\frac{1}{6}$
 (d) 1

124. यदि $f\left(x - \frac{1}{x}\right) = x^3 - \frac{1}{x^3}$, तब $f(1)$ का मान है

- (a) -2 ✓
 (b) -1
 (c) 0
 (d) 4

125. समीकरण $|x|^2 + |x| - 6 = 0$ के लिए

- (a) केवल एक मूल है
 (b) मूलों का योग -1 है
 (c) मूलों का गुणनफल -4 है
 (d) चार मूल हैं ✓

126. यदि समीकरण

$$(a-b)x^2 + (c-a)x + (b-c) = 0$$

के मूल बराबर हों, तो a, b, c हैं

- (a) समान्तर श्रेणी में
 (b) गुणोत्तर श्रेणी में ✓
 (c) हरात्मक श्रेणी में
 (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} A^T$$

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x - \frac{1}{x}\right) = 1 - 3$$

$$x^2 - 3x + 2x - 6 = 0$$

$$(x-3)(x-2) = 0$$

$$3, 2$$

$$(a-b)(b-c) = (c-a)$$

$$(c-a)^2 = 4(a-b)(b-c)$$

$$c-a = 2\sqrt{(a-b)(b-c)}$$

127. If $f(x) = \cos|x|$ and $g(x) = \sin|x|$, then

- (a) both f and g are even functions ✓
 (b) both f and g are odd functions
 (c) f is an even function and g is an odd function
 (d) f is an odd function and g is an even function

128. If

$$f(x) = \begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ x & x^2 & 1 \\ x^2 & 1 & x \end{vmatrix}$$

then the value of $f(\sqrt[3]{3})$ is

- (a) -6
 (b) 6
 (c) 4
 (d) -4 ✓

129. Let R be a relation on a set A and let I_A denote the identity relation on A . Then R is antisymmetric, if and only if

- (a) $R = R^{-1}$ ✓
 (b) $R \cup R^{-1} \subseteq I_A$
 (c) $R \cap R^{-1} \subseteq I_A$ ✓
 (d) None of the above

130. If x is the first term of a geometric progression and the sum of its infinite terms is $\frac{1}{3}$, then x lies in the interval

- (a) $0 < x < \frac{1}{2}$
 (b) $-1 < x < \frac{1}{4}$
 (c) $-\frac{1}{2} < x < \frac{1}{2}$
 (d) $0 < x < \frac{2}{3}$ ✓

127. यदि $f(x) = \cos|x|$ और $g(x) = \sin|x|$, तो

- (a) f और g दोनों सम फलन हैं
 (b) f और g दोनों विषम फलन हैं
 (c) f एक सम फलन तथा g एक विषम फलन है
 (d) f एक विषम फलन तथा g एक सम फलन है

128. यदि

$$f(x) = \begin{vmatrix} 1 & x & x^2 \\ x & x^2 & 1 \\ x^2 & 1 & x \end{vmatrix}$$

तो $f(\sqrt[3]{3})$ का मान है

- (a) -6
 (b) 6
 (c) 4
 (d) -4

129. मान लीजिए कि किसी समुच्चय A पर R एक संबंध है तथा मान लीजिए कि I_A , A पर तत्समक संबंध को दर्शाता है। तब R प्रतिसममित है, यदि और केवल यदि

- (a) $R = R^{-1}$
 (b) $R \cup R^{-1} \subseteq I_A$
 (c) $R \cap R^{-1} \subseteq I_A$
 (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

130. यदि एक गुणोत्तर श्रेणी का प्रथम पद x तथा इसके अनन्त पदों का योगफल $\frac{1}{3}$ हो, तो x है अंतराल

- (a) $0 < x < \frac{1}{2}$ में
 (b) $-1 < x < \frac{1}{4}$ में
 (c) $-\frac{1}{2} < x < \frac{1}{2}$ में ✓
 (d) $0 < x < \frac{2}{3}$ में

131. If $\sum_{n=0}^{\infty} r^n = s$, $|r| < 1$, then $\sum_{n=0}^{\infty} r^{2n}$ is equal

to

(a) $\frac{s^2}{2s+1}$

(b) $\frac{s^2}{2s-1}$ ✓

(c) $\frac{2s}{s^2-1}$

(d) s^2

132. The infinite series

$$\frac{1}{1^p} + \frac{1}{2^p} + \frac{1}{3^p} + \frac{1}{4^p} + \dots \infty$$

is convergent, if

(a) $p=0$

(b) $p < 1$

(c) $p=1$

✓ (d) $p > 1$ ✓

133. Which one of the following sequences is **not** convergent?

(a) $\langle 1+(-1)^n \rangle$ ✓

(b) $\langle \frac{n}{n+1} \rangle$

✓ (c) $\langle 1 + \frac{(-1)^n}{n} \rangle$

(d) None of the above

134. If

$$(1-x+x^2)^n = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_{2n}x^{2n}$$

then $(a_0 + a_2 + a_4 + \dots + a_{2n})$ is equal to

(a) $\frac{3^n - 1}{2}$

(b) $\frac{3^n + 1}{2}$ ✓

(c) $\frac{3^n + 2}{2}$

(d) $\frac{3^n - 2}{2}$

131. यदि $\sum_{n=0}^{\infty} r^n = s$, $|r| < 1$, तो $\sum_{n=0}^{\infty} r^{2n}$ बराबर है

(a) $\frac{s^2}{2s+1}$

✓ (b) $\frac{s^2}{2s-1}$

(c) $\frac{2s}{s^2-1}$

(d) s^2

132. अनन्त श्रेणी

$$\frac{1}{1^p} + \frac{1}{2^p} + \frac{1}{3^p} + \frac{1}{4^p} + \dots \infty$$

अभिसारी है, यदि

(a) $p=0$

(b) $p < 1$

(c) $p=1$

(d) $p > 1$

133. निम्न अनुक्रमों में से कौन-सा एक अभिसारी नहीं है?

(a) $\langle 1+(-1)^n \rangle$

(b) $\langle \frac{n}{n+1} \rangle$

(c) $\langle 1 + \frac{(-1)^n}{n} \rangle$

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

134. यदि

$$(1-x+x^2)^n = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_{2n}x^{2n}$$

तब $(a_0 + a_2 + a_4 + \dots + a_{2n})$ बराबर है

✓ (a) $\frac{3^n - 1}{2}$

(b) $\frac{3^n + 1}{2}$

(c) $\frac{3^n + 2}{2}$

(d) $\frac{3^n - 2}{2}$

135. Every subgroup of an Abelian group is not

- (a) cyclic
- (b) Abelian
- (c) normal

(d) None of the above

136. If $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + |\vec{a} \cdot \vec{b}|^2 = 144$ and $|\vec{a}| = 4$, then $|\vec{b}|$ is equal to

- (a) 12
- (b) 8
- (c) 4
- (d) 3

$|\vec{a} + \vec{b}|^2 = 8$
 $a^2 + b^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b}$
 $16 + b^2 + 2 \cdot 4 \cdot b \cdot \cos \theta$
 $a \cdot b = 4b$
 $b = 3$

137. If $\vec{F} = x^2y\vec{i} + xzj + 2yzk$, then the value of $\text{div curl } \vec{F}$ is

- (a) 0
- (b) 1
- (c) 2
- (d) 3

$\nabla \cdot (\nabla \times \vec{F})$

138. If \vec{a} and \vec{b} are constant vectors, then $\nabla \cdot (\vec{r} \cdot \vec{a}, \vec{b})$ is equal to

- (a) 0
- (b) $(\vec{a} \cdot \vec{b}) \vec{r}$
- (c) $\vec{a} \times \vec{b}$
- (d) $(\vec{a} \times \vec{b}) |\vec{r}|$

135. एक आबेली समूह का प्रत्येक उपसमूह नहीं है

- (a) चक्रीय
- (b) आबेली
- (c) प्रसामान्य
- (d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

136. यदि $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + |\vec{a} \cdot \vec{b}|^2 = 144$ और $|\vec{a}| = 4$ हो, तो $|\vec{b}|$ बराबर है

- (a) 12
- (b) 8
- (c) 4
- (d) 3

137. यदि $\vec{F} = x^2y\vec{i} + xzj + 2yzk$ हो, तो $\text{div curl } \vec{F}$ का मान है

- (a) 0
- (b) 1
- (c) 2
- (d) 3

138. यदि \vec{a} तथा \vec{b} अचर सदिश हैं, तो $\nabla \cdot (\vec{r} \cdot \vec{a}, \vec{b})$ बराबर है

- (a) 0
- (b) $(\vec{a} \cdot \vec{b}) \vec{r}$
- (c) $\vec{a} \times \vec{b}$
- (d) $(\vec{a} \times \vec{b}) |\vec{r}|$

139. The value of $(\vec{c} \times \vec{a}) \times (\vec{a} \times \vec{b})$ is

(a) $\vec{0}$

(b) $[\vec{b} \vec{c} \vec{a}] \vec{b}$

(c) $[\vec{c} \vec{a} \vec{b}] \vec{c}$

(d) $[\vec{a} \vec{b} \vec{c}] \vec{a}$

$$\begin{aligned} & (\vec{c} \cdot \vec{b}) (\vec{a} \cdot \vec{a}) \\ & (\vec{c} \cdot \vec{a}) \vec{b} - \vec{c} \\ & (\vec{c} \cdot \vec{a}) \vec{b} - \vec{c} \end{aligned}$$

140. $\text{div}(\vec{r} \times \vec{a})$, where \vec{a} is a constant vector, is equal to

(a) 0

(b) $|\vec{a}|$

(c) $|\vec{r}|$

(d) $\vec{a} \cdot \vec{r}$

141. If vectors \vec{A} and \vec{B} are irrotational, then

(a) $\vec{A} \times \vec{B}$ is irrotational

(b) $\vec{A} \times \vec{B}$ is solenoidal

(c) $\vec{A} - \vec{B}$ is rotational

(d) None of the above

142. The vector $\frac{\vec{r}}{|\vec{r}|^3}$, where $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$, is

(a) only solenoidal

(b) only irrotational

(c) both solenoidal and irrotational

(d) neither solenoidal nor irrotational

139. $(\vec{c} \times \vec{a}) \times (\vec{a} \times \vec{b})$ का मान है

(a) $\vec{0}$

(b) $[\vec{b} \vec{c} \vec{a}] \vec{b}$

(c) $[\vec{c} \vec{a} \vec{b}] \vec{c}$

(d) $[\vec{a} \vec{b} \vec{c}] \vec{a}$

140. $\text{div}(\vec{r} \times \vec{a})$, जहाँ \vec{a} एक अचर सदिश है, बराबर है

(a) 0

(b) $|\vec{a}|$

(c) $|\vec{r}|$

(d) $\vec{a} \cdot \vec{r}$

141. यदि \vec{A} और \vec{B} अघूर्णनीय सदिश हैं, तो

(a) $\vec{A} \times \vec{B}$ अघूर्णनीय है

(b) $\vec{A} \times \vec{B}$ परिनालिकीय है

(c) $\vec{A} - \vec{B}$ घूर्णनीय है

(d) उपर्युक्त में से कोई नहीं

142. सदिश $\frac{\vec{r}}{|\vec{r}|^3}$, जहाँ $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$, है

(a) केवल परिनालिकीय

(b) केवल अघूर्णनीय

(c) परिनालिकीय और अघूर्णनीय दोनों

(d) न तो परिनालिकीय, न ही अघूर्णनीय

DO NOT OPEN THIS TEST BOOKLET UNTIL YOU ARE TOLD TO DO SO.

SERIES



Code : DFMET-03

2018

Subject : MATHEMATICS

Part-I : General Studies : Q. Nos. 1 to 30

Part-II : Mathematics : Q. Nos. 31 to 150

Time : 2 Hours

Maximum Marks : 150

Write your Roll Number in the box

In numbers

In words

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

To mark answer use Black Ballpoint pen only.

Candidates must read all the instructions carefully before writing the answers.

You are to mark your answer on Answer-Sheet only. After the examination is over, hand over the original Answer-Sheet to the Invigilator.

IMPORTANT INSTRUCTIONS

1. Answer all questions. All questions carry equal marks.
2. The Candidate should indicate the correct Roll Number, Subject, Test Booklet Code and its Series on the Answer-Sheet, otherwise the Answer-Sheet will not be evaluated and the Candidate will be solely responsible for it.
3. This Test Booklet contains 150 questions. Each question has four (4) options which are given below the questions. Only one option is correct out of four. You are required to darken the circle corresponding to the alternative which you consider to be the correct or most appropriate answer in the Answer-Sheet by Black Ballpoint Pen.
4. Do not write anything on the cover page of the Test Booklet except Roll Number. Except this, do not write anything else inside the Test Booklet. If you need a working sheet to do your rough work, please ask the Invigilator for it and mention required information on it.
5. If you happen to find that the Booklet issued to you does not have all the pages properly printed or it has any other deficiency, then you need to approach the Invigilator to get another Booklet of same Series and Code.
6. Penalty for wrong answers :
THERE WILL BE PENALTY FOR WRONG ANSWERS MARKED BY A CANDIDATE IN THE ANSWER-SHEET.
 - (i) There are four alternatives for the answer to every question. For each question for which a wrong answer has been given by the candidate, **one-third** of the marks assigned to that question will be deducted as penalty.
 - (ii) If a candidate gives more than one answer, it will be treated as a **wrong answer** even if one of the given answers happens to be correct and there will be same penalty as above to that question.
 - (iii) If a question is left blank, i.e., no answer is given by the candidate, there will be **no penalty** for that question.

DO NOT OPEN THIS TEST BOOKLET UNTIL YOU ARE TOLD TO DO SO.

ध्यान दें : अनुदेशों का हिन्दी रूपांतर इस पुस्तिका के प्रथम पृष्ठ पर छपा है।